

<i>Предмет</i>	<i>Класс</i>	<i>Дата</i>	<i>Время начала</i>	<i>Время окончания</i>
<i>физика</i>	<i>9</i>	<i>11.11.2024</i>	<i>10.00</i>	<i>13.00</i>

1. Передача тепла

Имеются два тела с одинаковой температурой и одинаковой теплоёмкостью C , и третье тело с теплоёмкостью C_0 ($C = 4C_0$). Третье тело привели в контакт с одним из двух тел, к моменту установления теплового равновесия третье тело получило тепло Q . Тепловой контакт разрывают, и третье тело приводят в соприкосновение с оставшимся телом теплоёмкостью C . Какое ещё тепло получит третье тело?

Возможное решение:

Обозначим температуры тел T и T_0 соответственно, а температуру третьего тела после первого и второго контакта T_1 и T_2 . Условие теплового баланса при первом контакте $Q = C_0(T_1 - T_0) = C(T - T_1)$. Откуда находим выражение Q через исходные температуры $Q = C_0C(T - T_0)/(C_0 + C)$ и разность $T - T_1 = Q/C$.

После второго контакта аналогично $Q_1 = C_0C(T - T_1)/(C_0 + C)$, а после подстановки выражения для разности температур $Q_1 = C_0Q/(C_0 + C)$, то есть $Q_1 = 0,2Q$.

Критерии оценивания:

	<i>Этапы решения</i>	<i>соотношения</i>	<i>Балл</i>
1	Введение температур		1
2	Условие теплового баланса при первом контакте	$Q = C_0(T_1 - T_0) = C(T - T_1)$.	2
3	Связь Q с исходными температурами	$Q = C_0C(T - T_0)/(C_0 + C)$	2
4	Выражение разности температур	$T - T_1 = Q/C$	1
5	Связь Q_1 с температурами при втором контакте	$Q_1 = C_0C(T - T_1)/(C_0 + C)$	2
6	Связь Q_1 с Q (вывод и ответ)	$Q_1 = C_0Q/(C_0 + C) = 0,2Q$	2
		Итого:	10

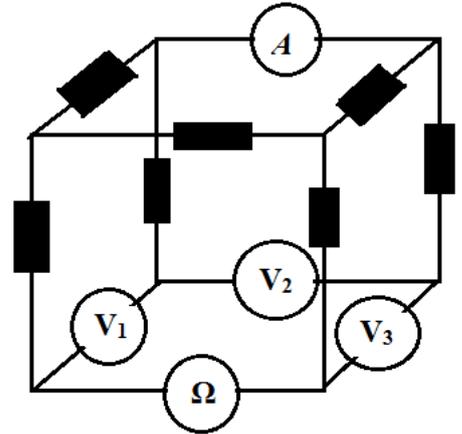
Комментарии: Многие участники из условий теплового баланса при первом и втором контакте по температурам T и T_0 найдут T_1 и T_2 , а затем установят связь Q_1 с Q . Решение будет более громоздким, но правильным. Тогда 3 и 4 пункты заменятся нахождением T_1 и выражением для Q , за что суммарно 3 балла. А пункты 5 и 6 – нахождением T_2 и выражением для Q_1 сначала через температуры, а затем через Q , за что суммарно 4 балла.

Предмет	Класс	Дата	Время начала	Время окончания
физика	9	11.11.2024	10.00	13.00

2. Электричество в кубе

Экспериментатор Василий собрал в проволочном кубе электрическую схему из одинаковых резисторов, трех одинаковых идеальных вольтметров, одного идеального амперметра и одного омметра. Омметр показывает 80 Ом, амперметр показывает ток 0,1 А?

- 1) Чему равно сопротивление резистора?
- 2) Каковы показания каждого вольтметра?



Возможное решение:

Сделаем схему плоской. В омметре внутри есть батарея (именно омметр заменяет здесь ЭДС). Идеальный амперметр равносителен короткому замыканию, идеальный вольтметр – разрыву цепи. Посчитаем общее сопротивление (которое показывает омметр), через верхние диагональные сопротивления ток не идет.

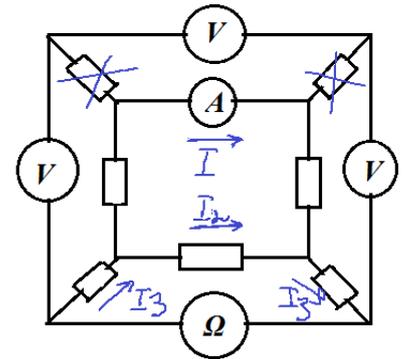
$$R_{\Omega} = \frac{2}{3}R + 2R = \frac{8}{3}R.$$

Тогда сопротивление $R = \frac{3}{8}R_{\Omega} = 30 \text{ Ом}$.

Из равенства напряжений при параллельном подключении $I \cdot 2R = I_2 \cdot R$ находим ток $I_2 = 2I = 0,2 \text{ А}$. Ток $I_3 = I_2 + I = 3I = 0,3 \text{ А}$.

Найдем напряжения, которые показывают вольтметры: на втором напряжение равно нулю $V_2 = 0$, т.к. оно равно напряжению на амперметре.

Напряжения на двух других $V_1 = V_3 = I_3 \cdot R + I \cdot R = 4IR = \frac{3}{2}IR_{\Omega} = 4 \cdot 0,1 \cdot 30 = 12 \text{ В}$.



<i>Предмет</i>	<i>Класс</i>	<i>Дата</i>	<i>Время начала</i>	<i>Время окончания</i>
<i>физика</i>	<i>9</i>	<i>11.11.2024</i>	<i>10.00</i>	<i>13.00</i>

Критерии оценивания:

	<i>этапы решения</i>	<i>соотношения</i>	<i>балл</i>
1	Внутри омметра есть батарея		1
2	Нарисована правильная эквивалентная схема		1
3	Нет тока через два резистора		1
4	Выражено сопротивление, которое показывает омметр	$R_{\Omega} = \frac{2}{3}R + 2R = \frac{8}{3}R$	1
5	Найдено сопротивление R	$R = \frac{3}{8}R_{\Omega} = 30 \text{ Ом}$	1
6	Найдены токи через резисторы	$I_2 = 2I = 0,2 \text{ A.}$ $I_3 = I_2 + I = 3I = 0,3 \text{ A.}$	2
7	Выражено напряжение первого (третьего) вольтметра	$V_1 = V_3 = I_3 \cdot R + I \cdot R = 4IR$ $= \frac{3}{2}IR_{\Omega}$	1
8	Получены напряжения всех вольтметров	$V_1 = V_3 = 12 \text{ В}$ $V_2 = 0$	2
		Итого:	10

<i>Предмет</i>	<i>Класс</i>	<i>Дата</i>	<i>Время начала</i>	<i>Время окончания</i>
<i>физика</i>	<i>9</i>	<i>11.11.2024</i>	<i>10.00</i>	<i>13.00</i>

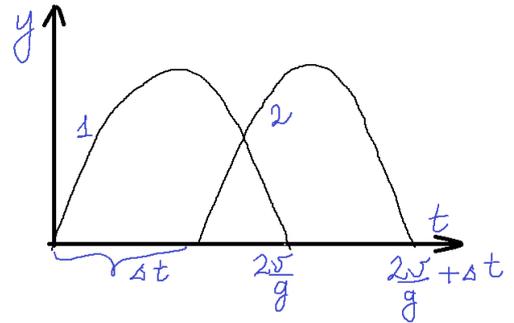
3. Летающие шарики

С земли вертикально вверх с одной и той же скоростью запускают маленькие шарики через равные интервалы времени. Известно, что первый и второй шарики встретились в воздухе через время $\tau = 0,6$ с от момента вылета 1 шарика, а также то, что первый упал на землю в момент вылета n -го шарика ($n = 6$).

Найдите: 1) интервалы между вылетами шариков; 2) их начальную скорость; 3) максимальную высоту подъема шариков. Ускорение свободного падения $g = 10$ м/с². Считайте, что шарики в воздухе пролетают мимо друг друга, не сталкиваясь.

Возможное решение:

Рассмотрим последовательный вылет двух шариков. Найдем время встречи. Можно решать квадратное уравнение, приравняв координаты y . Но можно сделать проще, нарисовав графики $y(t)$. Если начальная скорость шариков v , то время полета шарика $t = \frac{2v}{g}$ (1), можно найти, приравняв координату y к нулю, либо найдя время подъема,



скорость в верхней точке траектории равна нулю, тогда время подъема $\frac{v}{g}$, и параболы симметричны. На графике две параболы, смещенные друг относительно друга на время Δt между вылетами шариков, пересекаются в момент времени

$$\tau = \frac{\frac{2v}{g} + \Delta t}{2} = \frac{v}{g} + \frac{\Delta t}{2} \quad (2)$$

Если решение через уравнение, то

$$y = v\tau - \frac{g\tau^2}{2} \text{ для первого тела,}$$

второе находится в полете на Δt меньше, для него: $y = v(\tau - \Delta t) - \frac{g(\tau - \Delta t)^2}{2}$, приравняв координаты находим решение.

Время τ – это половина времени от вылета первого шарика до приземления второго. Если первый шарик падает в момент вылета n -го, то его время полета $t = (n - 1)\Delta t$, зная время полета шарика, получаем следующее уравнение:

$$(n - 1)\Delta t = \frac{2v}{g} \quad (3)$$

<i>Предмет</i>	<i>Класс</i>	<i>Дата</i>	<i>Время начала</i>	<i>Время окончания</i>
<i>физика</i>	<i>9</i>	<i>11.11.2024</i>	<i>10.00</i>	<i>13.00</i>

Подставив во второе уравнение, найдем интервал между вылетом шариков и их начальную скорость:

$$\Delta t = \frac{2\tau}{n} = 0,2 \text{ с}; \quad v = \frac{(n-1)g\tau}{n} = 5 \text{ м/с}.$$

Зная начальную скорость найдем максимальную высоту подъема: в верхней точке скорость равна нулю: $v = gT$; $H = vT - \frac{gT^2}{2} = \frac{v^2}{2g} = \frac{(n-1)^2 g\tau^2}{2n^2} = 1,25 \text{ м}.$

Максимальную высоту подъема можно вывести также из закона сохранения энергии $mgH = m\frac{v^2}{2}.$

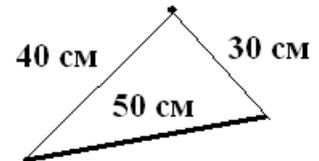
Критерии оценивания:

	<i>этапы решения</i>	<i>соотношения</i>	<i>балл</i>
1	Выражено время встречи шариков (1 балл за уравнения, либо график, 1 балл за ответ)	$\tau = \frac{2v}{g} + \Delta t = \frac{v}{g} + \frac{\Delta t}{2}$	2
2	Выражено время полета первого шарика через Δt	$t = (n-1)\Delta t$	1
3	Выражено время полета первого шарика через начальную скорость	$t = \frac{2v}{g}$	1
4	Найдена начальная скорость (1 балл за формулу, 1 балл за правильный числовой ответ)	$v = \frac{(n-1)g\tau}{n} = 5 \text{ м/с}.$	2
5	Найден интервал между вылетом шариков (1 балл за формулу, 1 балл за правильный числовой ответ)	$\Delta t = \frac{2\tau}{n} = 0,2 \text{ с}$	2
6	Выражена максимальная высота подъема шарика через начальную скорость	$H = \frac{v^2}{2g}$	1
7	Найдена максимальная высота подъема (0,5 балла за формулу, 0,5 балла за правильный числовой ответ)	$H = \frac{(n-1)^2 g\tau^2}{2n^2} = 1,25 \text{ м}.$	1
		Итого:	10

<i>Предмет</i>	<i>Класс</i>	<i>Дата</i>	<i>Время начала</i>	<i>Время окончания</i>
<i>физика</i>	<i>9</i>	<i>11.11.2024</i>	<i>10.00</i>	<i>13.00</i>

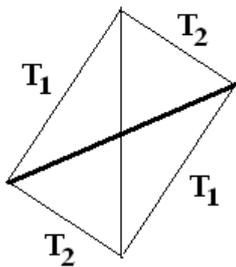
4. Обрыв нити

Концы однородного стержня длины $L = 50$ см привязаны к гвоздю нитями длины $L_1 = 40$ см и $L_2 = 30$ см. При каком весе стержня произойдёт обрыв, если нити рвутся при натяжении $T \geq 160$ Н? Нити невесомы и нерастяжимы.



Возможное решение:

Условие равновесия сил: $\mathbf{P} + \mathbf{T}_1 + \mathbf{T}_2 = 0$, натяжения направлены вдоль нитей, а вес вертикально вниз $\langle 1 \rangle$. При данных в условии длинах угол между нитями прямой $\langle 1 \rangle$. Таков же угол между натяжениями, тогда $T_1^2 + T_2^2 = P^2$ $\langle 2 \rangle$. Равновесие моментов сил относительно середины стержня $T_1 L_2 / 2 = T_2 L_1 / 2$ $\langle 2 \rangle$. Нахождение натяжений $T_1 = PL_1 / L$ и $T_2 = PL_2 / L$ $\langle 2 \rangle$. Выбор большего натяжения и нахождение критического веса: $P = TL / L_1 = 200$ Н $\langle 2 \rangle$.



Другой вариант: Равновесие моментов сил относительно середины стержня может быть заменено эквивалентным условием: центр масс (середины стержня) находится точно под точкой подвеса (медиана направлена по вертикали). Тогда имеем параллелограмм сил (рис.), где диагональ P . Половина параллелограмма подобна треугольнику из отрезков L_1 ; L_2 и L .

Критерии оценивания:

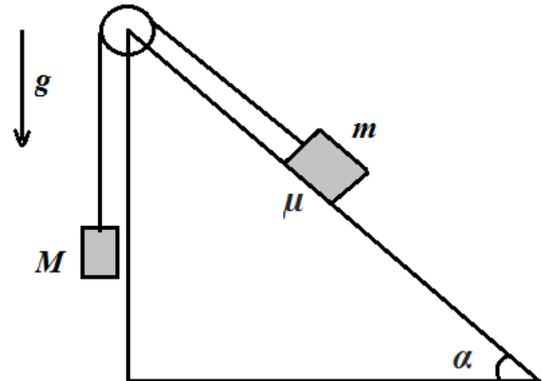
	<i>этапы решения</i>	<i>соотношения</i>	<i>балл</i>
1.	Условие равновесия сил	$\mathbf{P} + \mathbf{T}_1 + \mathbf{T}_2 = 0$	1
2.	Нахождение угла между нитями	Прямой угол	1
3.	Связь P , T_1 и T_2 из условия равновесия сил	$T_1^2 + T_2^2 = P^2$	2
4.	Условие равновесия моментов сил	$T_1 L_2 / 2 = T_2 L_1 / 2$	2
5.	Нахождение натяжений	$T_1 = PL_1 / L$ и $T_2 = PL_2 / L$	2
6.	Нахождение критического веса	$P = TL / L_1 = 200$ Н	2
		Итого:	10

Комментарии: Можно сразу упоминать теорему о трех непараллельных силах и не писать уравнение моментов (в этом случае пункт за моменты можно ставить автоматически)

Предмет	Класс	Дата	Время начала	Время окончания
физика	9	11.11.2024	10.00	13.00

5. Неизвестная масса

На закрепленной наклонной плоскости находится брусок неизвестной массы, связанный нитью с грузом массы M . В процессе измерений меняли массу груза M . Брусок на плоскости покоился, пока масса M была больше $M_1=200$ г, но меньше $M_2=300$ г. ($M_1 < M < M_2$). Угол наклонной плоскости с горизонтом $\alpha = 30^\circ$. Ускорение свободного падения g . Найдите массу бруска и коэффициент трения бруска о плоскость. Блок невесомый и может вращаться вокруг своей оси без трения, нить невесомая и нерастяжимая.



Возможное решение:

Два крайних случая отличаются лишь направлением силы трения. Сила трения направлена против относительного проскальзывания. Сила трения в момент начала проскальзывания принимает свое максимальное значение $F = \mu N$ (сила трения скольжения).

Запишем условие равновесия (сумма сил = 0) для двух случаев:

$$M_1 g = T_1; T_1 = mg \sin \alpha - \mu N; N = mg \cos \alpha$$

$$M_2 g = T_2; T_2 = mg \sin \alpha + \mu N; N = mg \cos \alpha$$

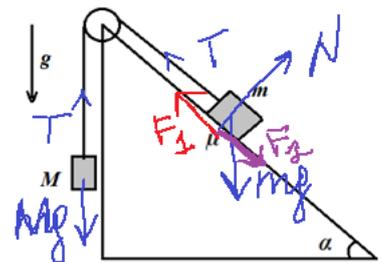
Для бруска удобнее выбирать оси, связанные с наклонной плоскостью. Но можно записать уравнения и в других осях.

$$M_1 g = mg \sin \alpha - \mu mg \cos \alpha;$$

$$M_2 g = mg \sin \alpha + \mu mg \cos \alpha.$$

Решая полученную систему находим

$$m = \frac{M_1 + M_2}{2 \sin \alpha} = 500 \text{ г}; \mu = \frac{M_2 - M_1}{2 m \cos \alpha} = \frac{0,3 - 0,2}{2 \cdot 0,5 \cdot \frac{\sqrt{3}}{2}} = \frac{1}{5 \cdot \sqrt{3}} \approx 0,115$$



<i>Предмет</i>	<i>Класс</i>	<i>Дата</i>	<i>Время начала</i>	<i>Время окончания</i>
<i>физика</i>	<i>9</i>	<i>11.11.2024</i>	<i>10.00</i>	<i>13.00</i>

Критерии оценивания:

	<i>этапы решения</i>	<i>соотношения</i>	<i>балл</i>
1	Есть рисунок с правильно расставленными силами		1
2	Сила трения в момент начала проскальзывания принимает свое максимальное значение $F = \mu N$	$F = \mu N$	1
3	Записаны условия равновесия системы в первом случае (по 0,5 за каждое уравнение), если сразу объединяются уравнения в два или одно, то снимается 0,5 балла)	$M_1 g = T_1 ;$ $T_1 = mg \sin \alpha - \mu N ;$ $N = mg \cos \alpha$	1,5
4	Записаны условия равновесия системы во втором случае (по 0,5 за каждое уравнение), если сразу объединяются уравнения в два или одно, то снимается 0,5 балла)	$M_2 g = T_2 ;$ $T_2 = mg \sin \alpha + \mu N ;$ $N = mg \cos \alpha$	1,5
5	Получена система уравнений	$M_1 g = mg \sin \alpha - \mu mg \cos \alpha ;$ $M_2 g = mg \sin \alpha + \mu mg \cos \alpha .$	1
6	Найдена масса m (1 балл за формулу в общем виде, 1 балл за числовой ответ)	$m = \frac{M_1 + M_2}{2 \sin \alpha} = 500 \text{ г}$	2
7	Найден коэффициент трения μ (1 балл за формулу в общем виде, 1 балл за числовой ответ)	$\mu = \frac{M_2 - M_1}{2 m \cos \alpha} = \frac{1}{5 \cdot \sqrt{3}} \approx 0,115$	2
		Итого:	10

<i>Предмет</i>	<i>Класс</i>	<i>Дата</i>	<i>Время начала</i>	<i>Время окончания</i>
<i>физика</i>	<i>9</i>	<i>11.11.2024</i>	<i>10.00</i>	<i>13.00</i>

Рекомендации для жюри

Каждая задача оценивается из 10 баллов. Участники олимпиады могут предложить полные и верные решения задач, отличные от приведённых в ключе. За это они должны получить полный балл. Частичное решение или решение с ошибками оценивается, ориентируясь на этапы решения, приведённые в разбалловке. При этом верные выводы из ошибочных допущений не добавляют баллов. Если какой-то этап решения не полный, или частично правильный, то он оценивается частью баллов за этап. Если в решении участника олимпиады предложенные этапы объединены как один, то оценка проводится из суммарного балла. **Наличие лишь ответа без решения не оценивается.** При наличии у участника двух решений без указания, какое он считает верным, оценка проводится по худшему. Для удобства работы жюри решения и критерии оценки для каждой задачи приведены на отдельной странице и при необходимости снабжены комментарием. К некоторым задачам может приводиться два варианта решения. Следует держаться духа и буквы предлагаемой разбалловки, чтобы обеспечить сопоставимость проверки на разных площадках проведения.

С вопросами по критериям оценок можно обратиться или по электронной почте masha.yuldasheva@mail.ru или по телефону 8-913-940-45-06 к председателю предметно-методической комиссии олимпиады *Юлдашевой Марии Рашидовне*.